



**TÉCNICAS DE CONTROL ROBUSTO BASADO  
EN MODELO DE REFERENCIA APLICADAS A  
SISTEMAS MODULARES DE  
ALIMENTACIÓN.**

**TESIS DOCTORAL  
DEPARTAMENTO DE INGENIERÍA ELECTRÓNICA  
UNIVERSIDAD POLITÉCNICA DE VALENCIA**

**AUTOR: MARCOS PASCUAL MOLTÓ.  
DIRECTOR: GABRIEL GARCERÁ SANFELIU.  
OCTUBRE 2007.**

# ÍNDICE

## **Capítulo 1. Introducción y estado de la técnica**

1.1. Introducción .....	3
1.2. Linealización de una etapa de potencia PWM. Circuito de pequeña señal de un convertidor comutado y de un inversor.....	7
1.2.1. Modelo del comutador PWM.....	9
1.2.1.1. Modelo del comutador PWM en conducción continua .....	12
1.2.1.2. Modelo del comutador PWM en conducción discontinua.....	13
1.3. Desarrollo teórico del control modo corriente media de convertidores comutados e inversores.....	14
1.3.1. Modelo de pequeña señal del control ACC.....	16
1.3.2. Modelo ACC del convertidor Buck en conducción continua .....	19
1.3.3. Modelo ACC del convertidor Buck en conducción discontinua.....	22
1.3.4. Modelo ACC de un inversor monofásico con modulación PWM unipolar .....	23
1.4. Sistemas modulares de alimentación.....	25
1.4.1. Modelo de pequeña señal de un sistema DC-DC modular basado en convertidores Buck en paralelo. Circuito PSPICE para análisis de Montecarlo .....	27
1.4.2. Modelo de pequeña señal de un sistema DC-AC modular basado en paralelización de inversores. Circuito PSPICE para análisis de Montecarlo .....	32

## **Capítulo 2. Problemática del control modo corriente media de sistemas modulares de alimentación DC-DC y DC-AC.**

2.1. Introducción .....	37
2.2. Características dinámicas del sistema DC-DC modular nominal.....	37
2.2.1. Descripción de la etapa de potencia .....	37
2.2.2. Descripción de la etapa de control ACC convencional .....	39
2.2.3. Ganancia de lazo. Frecuencia de cruce y márgenes de estabilidad.....	40
2.2.4. Características dinámicas en lazo cerrado del sistema DC-DC modular nominal .....	43
2.2.4.1. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado .....	43
2.2.4.2. Impedancia de salida en lazo cerrado .....	43
2.2.5. Notas sobre la variación del número de módulos en un sistema DC-DC modular .....	45
2.2.6. Simulación en gran señal del sistema DC-DC modular.....	50
2.2.6.1. Escalón en la tensión de entrada.....	51
2.2.6.2. Escalón en la carga .....	51
2.2.6.3. Conexión-desconexión de módulos .....	52
2.3. Características dinámicas del sistema DC-AC modular nominal.....	53
2.3.1. Descripción de la etapa de potencia .....	53
2.3.2. Descripción de la etapa de control modo corriente convencional .....	54
2.3.3. Ganancia de lazo. Frecuencia de cruce y márgenes de estabilidad .....	55

2.3.4. Características dinámicas en lazo cerrado del inversor nominal .....	59
2.3.4.1. Ancho de banda en lazo cerrado. ....	59
2.3.4.2. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado .....	59
2.3.4.3. Impedancia de salida en lazo cerrado .....	59
2.3.5. Notas sobre la variación del número de módulos en un sistema DC-AC modular .....	61
2.3.6. Notas sobre el efecto de la variación de la tensión de salida $V_o$ .....	64
2.3.7. Notas sobre la impedancia de salida en lazo cerrado con carga no lineal.....	64
2.3.8. Simulación en gran señal del sistema DC-AC modular nominal .....	65
2.3.8.1. Escalón en la tensión de referencia senoidal .....	66
2.3.8.2. Escalón en la tensión de entrada.....	66
2.3.8.3. Escalón de carga resistiva .....	69
2.3.8.4. Carga no-lineal .....	69
2.3.8.5. Conexión-desconexión de módulos .....	71
2.4. Análisis de Montecarlo del sistema DC-DC modular. Prestaciones dinámicas ante cambios en la etapa de potencia.....	72
2.4.1. Descripción de las variaciones de la etapa de potencia ( $N, R, V_i, L, C, \dots$ ) del sistema DC-DC modular .....	72
2.4.2. Análisis de Montecarlo de las funciones de transferencia más importantes.....	73
2.4.2.1. Función de transferencia de la etapa de potencia $VOC(s)$ .....	73
2.4.2.2. Ganancia de lazo $T_v(s)$ .....	74
2.4.2.3. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado $A_{cl}(s)$ .....	74
2.4.2.4. Impedancia de salida en lazo cerrado $Z_{ocl}(s)$ .....	75
2.5. Análisis de Montecarlo del sistema DC-AC modular. Prestaciones dinámicas ante cambios en la etapa de potencia. ....	76
2.5.1. Descripción de las variaciones de la etapa de potencia ( $N, R, V_i, L, C, V_o, \dots$ ) del sistema DC-AC modular .....	76
2.5.2. Análisis de Montecarlo de las funciones de transferencia más importantes.....	77
2.5.2.1. Función de transferencia de la etapa de potencia $VOC(s)$ .....	77
2.5.2.2. Ganancia de lazo $T_v(s)$ .....	77
2.5.2.3. Función de transferencia en lazo cerrado $VOR(s)$ .....	79
2.5.2.4. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado $A_{cl}(s)$ .....	79
2.5.2.5. Impedancia de salida en lazo cerrado $Z_{ocl}(s)$ .....	81
2.6. Conclusiones sobre el control convencional de sistemas modulares de alimentación.....	81
 <b>Capítulo 3. Objetivos de la tesis .....</b>	 85

## **Capítulo 4. Desarrollo del control modo corriente robusto con seguimiento de modelo (RMF) tipo paso alto para el control de convertidores DC-DC modulares.**

4.1. Introducción.....	89
------------------------	----

---

4.2. Diagrama de bloques completo del control modo corriente robusto con seguimiento de modelo tipo paso alto para el control de convertidores DC-DC modulares.....	89
4.3. Descripción del lazo RMF basado en modelo de referencia paso-alto .....	90
4.3.1. Lazo robusto interno: $T_{int}(s)$ .....	91
4.3.2. Función de transferencia “vista” por el regulador de tensión: $VOU(s)$ .....	92
4.3.3. Condición de robustez: Elección de $VOC_{ref}(s)$ y diseño del lazo $T_{int}(s)$ .....	93
4.3.4. Consideraciones relativas al ruido de conmutación en el diseño del lazo $T_{int}(s)$ .....	96
4.3.5. Diseño del regulador de tensión $G_v(s)$ .....	96
4.3.6. Regulador de tensión equivalente $G_{v,eq}(s)$ y lazo de tensión equivalente $T_{v,eq}(s)$ .....	97
4.3.7. Mejora del rechazo a perturbaciones .....	98
4.4. Implementación del control RMF paso-alto en un sistema DC-DC modular Buck.....	99
4.4.1. Etapa de potencia nominal.....	100
4.4.2. Diseño de los controladores auxiliares.....	101
4.4.3. Ganancia de lazo equivalente. Frecuencia de cruce y márgenes de estabilidad .....	104
4.4.4. Estudio de las prestaciones dinámicas obtenidas con control RMF paso-alto .....	106
4.4.4.1. Características dinámicas en lazo cerrado del sistema DC-DC con control RMF paso-alto .....	106
4.4.4.1.1. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado.....	106
4.4.4.1.2. Impedancia de salida en lazo cerrado .....	106
4.4.4.2. Simulación en gran señal del sistema DC-DC modular con control RMF paso-alto .....	109
4.4.4.2.1. Escalón en la tensión de entrada .....	109
4.4.4.2.2. Escalón en la carga .....	110
4.4.4.2.3. Conexión-desconexión de módulos.....	110
4.5. Análisis de Montecarlo de las funciones de transferencia más importantes .....	112
4.5.1. Función de transferencia de la etapa de potencia modificada $VOU(s)$ .....	112
4.5.2. Ganancia de lazo $T_v(s)$ .....	112
4.5.3. Ganancia de lazo equivalente $T_{v,eq}(s)$ .....	114
4.5.4. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado $A_{cl}(s)$ .....	114
4.5.5. Impedancia de salida en lazo cerrado $Z_{ocl}(s)$ .....	114
4.6. Conclusiones sobre el control RMF paso-alto.....	116

## **Capítulo 5. Desarrollo del control modo corriente robusto con seguimiento de modelo (RMF) tipo paso bajo para el control de convertidores DC-DC modulares.**

5.1. Introducción .....	121
5.2. Diagrama de bloques completo del control modo corriente robusto con seguimiento de modelo tipo paso bajo para el control de convertidores DC-DC modulares .....	122
5.3. Descripción del lazo RMF basado en modelo de referencia paso-bajo .....	123
5.3.1. Lazo interno $T_{int}(s)$ y lazo de referencia $T_{ref}(s)$ .....	123
5.3.2. Función de transferencia “vista” por el regulador de tensión: $VOU(s)$ .....	124
5.3.3. Diseño del lazo $T_{int}(s)$ y elección de $VOC_{ref}(s)$ .....	124
5.3.4. Diseño del regulador de tensión $G_v(s)$ .....	126

5.3.5. Regulador de tensión equivalente $G_{v,eq}(s)$ y lazo de tensión equivalente $T_{v,eq}(s)$ .....	127
5.3.6. Mejora del rechazo a perturbaciones .....	128
5.3.7. Procedimiento de diseño del control RMF paso-bajo.....	129
5.4. Implementación del control RMF paso-bajo en un sistema DC-DC modular Buck.....	130
5.4.1. Etapa de potencia nominal.....	130
5.4.2. Diseño de los controladores auxiliares.....	131
5.4.3. Ganancia de lazo equivalente. Frecuencia de cruce y márgenes de estabilidad .....	133
5.4.4. Estudio de las prestaciones dinámicas obtenidas con control RMF paso-bajo .....	135
5.4.4.1. Características dinámicas en lazo cerrado del sistema DC-DC con control RMF paso-bajo .....	135
5.4.4.1.1. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado.....	135
5.4.4.1.2. Impedancia de salida en lazo cerrado .....	136
5.4.4.2. Simulación en gran señal del sistema DC-DC modular con control RMF paso-bajo .....	139
5.4.4.2.1. Escalón en la tensión de entrada .....	139
5.4.4.2.2. Escalón en la carga .....	139
5.4.4.2.3. Conexión-desconexión de módulos.....	141
5.5. Análisis de Montecarlo de las funciones de transferencia más importantes .....	142
5.5.1. Función de transferencia de la etapa de potencia modificada $VOU(s)$ .....	142
5.5.2. Ganancia del lazo externo $T_v(s)$ .....	142
5.5.3. Ganancia del lazo equivalente $T_{v-eq}(s)$ .....	144
5.5.4. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado $A_{cl}(s)$ .....	144
5.5.5. Impedancia de salida en lazo cerrado $Z_{ocl}(s)$ .....	146
5.6. Conclusiones sobre el control RMF paso-bajo.....	146
5.7. Comparativa RMF paso-alto vs. RMF paso-bajo.....	147

## **Capítulo 6. Desarrollo del control modo corriente RMF paso-bajo para el control de inversores modulares.**

6.1. Introducción .....	151
6.2. Diagrama de bloques completo del control modo corriente robusto con seguimiento de modelo tipo paso bajo para el control de convertidores DC-AC modulares .....	152
6.3. Descripción del lazo RMF basado en modelo de referencia paso-bajo .....	154
6.3.1. Lazo interno $T_{int}(s)$ y lazo de referencia $T_{ref}(s)$ .....	154
6.3.2. Función de transferencia “vista” por el regulador externo .....	155
6.3.3. Diseño del regulador externo $G(s)$ .....	155
6.3.4. Regulador equivalente $G_{eq}(s)$ y lazo equivalente $T_{eq}(s)$ .....	156
6.3.5. Procedimiento de diseño del control RMF paso-bajo.....	157
6.3.6. Mejora del rechazo a perturbaciones .....	160
6.4. Implementación del control RMF paso-bajo en un sistema DC-AC modular.....	161
6.4.1. Etapa de potencia nominal.....	162
6.4.2. Diseño de los controladores .....	162

---

6.4.3. Ganancias de lazo equivalentes. Frecuencias de cruce y márgenes de estabilidad.....	167
6.4.4. Estudio de las prestaciones dinámicas obtenidas con control RMF paso-bajo .....	171
6.4.4.1. Características dinámicas en lazo cerrado del sistema DC-AC con control RMF paso-bajo .....	171
6.4.4.1.1. Ancho de banda en lazo cerrado.....	171
6.4.4.1.2. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado.....	171
6.4.4.1.3. Impedancia de salida en lazo cerrado .....	172
6.4.4.2. Simulación en gran señal del sistema DC-DC modular con control RMF paso-alto .....	175
6.4.4.2.1. Escalón en la tensión de referencia .....	175
6.4.4.2.2. Escalón en la tensión de entrada .....	177
6.4.4.2.3. Escalón en la carga .....	177
6.4.4.2.4. Carga no-lineal.....	177
6.4.4.2.5. Conexión-desconexión de módulos .....	180
6.5. Análisis de Montecarlo de las funciones de transferencia más importantes .....	182
6.5.1. Función de transferencia de la etapa de potencia $V_{OC}(s)$ .....	182
6.5.2. Ganancias de lazo externas $T_{ext,i}(s)$ y $T_{ext,v}(s)$ .....	183
6.5.3. Ganancias de lazo equivalentes $T_{eq,i}(s)$ y $T_{eq,v}(s)$ .....	184
6.5.4. Función de transferencia en lazo cerrado $V_{OR}(s)$ .....	184
6.5.5. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado $A_{cl}(s)$ .....	186
6.5.6. Impedancia de salida en lazo cerrado $Z_{ocl}(s)$ .....	186
6.6. Conclusiones sobre el control RMF paso-bajo .....	188

## Capítulo 7. Materiales empleados

7.1. Software .....	193
7.2. Material de laboratorio .....	193
7.3. Prototipos experimentales.....	194

## Capítulo 8. Resultados experimentales

8.1. Introducción.....	215
8.2. Sistema modular DC-DC con control RMF paso-alto.....	215
8.2.1. Consideraciones previas.....	215
8.2.2. Ganancias de lazo $T_v(s)$ y $T_{v,RMF}(s)$ .....	217
8.2.2.1. Conducción continua (CCM) .....	218
8.2.2.2. Conducción discontinua (DCM) .....	218
8.2.3. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado $A_{cl}(s)$ y $A_{cl,RMF}(s)$ .....	222
8.2.4. Impedancia de salida en lazo cerrado $Z_{ocl}(s)$ y $Z_{ocl,RMF}(s)$ .....	224
8.2.5. Escalones de carga.....	224
8.3. Sistema modular DC-DC con control RMF paso-bajo .....	227

8.3.1. Consideraciones previas.....	227
8.3.2. Ganancias de lazo $T_v(s)$ y $T_{v,RMF}(s)$ .....	228
8.3.2.1. Conducción continua (CCM) .....	228
8.3.2.2. Conducción discontinua (DCM) .....	231
8.3.3. Audiosusceptibilidad en lazo cerrado $A_{cl}(s)$ y $A_{cl,RMF}(s)$ .....	231
8.3.4. Impedancia de salida en lazo cerrado $Z_{ocl}(s)$ y $Z_{ocl,RMF}(s)$ .....	234
8.3.5. Escalones de carga.....	237
8.4. Sistema modular DC-AC con control RMF paso-bajo.....	239
8.4.1. Consideraciones previas.....	239
8.4.2. Escalones de carga.....	242
8.4.3. Carga no lineal.....	244
8.4.4. Seguimiento de la señal de referencia de corriente.....	247
 <b>Capítulo 9. Conclusiones y futuras líneas de investigación</b>	
9.1. Conclusiones .....	251
9.2. Futuras líneas de investigación .....	256
 <b>Referencias.....</b>	259
 <b>Publicaciones derivadas de la tesis .....</b>	263