



UNIVERSITAT  
POLITÈCNICA  
DE VALÈNCIA

DEPARTAMENTO DE SISTEMAS INFORMÁTICOS Y COMPUTACIÓN

**Algoritmos Paralelos de Reconstrucción de Imágenes  
TAC sobre Arquitecturas Heterogéneas**

**TESIS DOCTORAL**

Presentada por: Liubov Alexandrovna Flores

Dirigida por: Prof. Vicente Vidal Gimeno

Prof. Gumersindo Verdú Martín

Septiembre 2015

# Índice general

<b>Índice de figuras</b>	<b>xv</b>
<b>Listado de símbolos y abreviaciones</b>	<b>xix</b>
<b>1. Introducción</b>	<b>1</b>
1.1. Motivación . . . . .	1
1.2. Objetivos . . . . .	2
1.3. Estado del arte . . . . .	3
1.4. Estructura del documento . . . . .	7
<b>2. Herramientas de sistemas de computación de altas prestaciones</b>	<b>9</b>
2.1. Clasificación de computadores de altas prestaciones . . . . .	9
2.2. Sistemas con memoria compartida . . . . .	10
2.3. Sistemas con memoria distribuida . . . . .	11
2.4. Clusters de sistemas . . . . .	12
2.5. Procesadores multi-núcleos . . . . .	13
2.6. Sistemas Multiprocesadores . . . . .	14
2.7. GPU: altamente paralelo, multihilo, procesador multicore . . . . .	16
2.8. Herramientas hardware . . . . .	19
2.9. Herramientas software . . . . .	21
2.9.1. Modelos de programación paralela . . . . .	21
2.9.2. Librería PETSc . . . . .	23
2.9.3. Librerías CUBLAS y CUSPARSE . . . . .	24
2.9.4. Librería BLAS . . . . .	24
2.9.5. Librería FFTW . . . . .	25
2.10. Métricas de evaluación de calidad de imágenes . . . . .	25
2.11. Métricas de evaluación de algoritmos . . . . .	26

<b>3. Tomografía Axial Computarizada</b>	<b>29</b>
3.1. Visión general . . . . .	29
3.2. Principios básicos de Tomografía Computarizada . . . . .	30
<b>4. Métodos analíticos de reconstrucción</b>	<b>35</b>
4.1. Introducción . . . . .	35
4.2. Aspectos matemáticos de reconstrucción de imagen . . . . .	36
4.2.1. Relación con la transformada de Fourier . . . . .	36
4.3. Algoritmo FBP y arquitecturas multicore . . . . .	37
4.4. Paralelización . . . . .	38
4.5. Evaluación de coste . . . . .	45
4.6. Resultados experimentales . . . . .	46
4.7. Conclusiones . . . . .	48
<b>5. Reconstrucción iterativa</b>	<b>51</b>
5.1. Introducción . . . . .	51
5.2. Métodos iterativos: ventajas y desventajas . . . . .	51
5.3. Aspectos matemáticos de reconstrucción iterativa . . . . .	52
5.4. Construcción de la matriz del sistema: método de Siddon . . . . .	55
5.4.1. Siddon - versión paralela . . . . .	63
5.4.2. Estudio de la matriz del sistema . . . . .	64
5.4.3. Estructura simétrica de bloques de la matriz del sistema . . . . .	66
5.4.4. Tiempo de generación y tamaño de la matriz del sistema . . . . .	71
5.4.5. Simulación de proyecciones . . . . .	71
5.4.6. Conclusión . . . . .	74
5.5. La técnica de reconstrucción algebraica simultánea . . . . .	74
5.5.1. SART: versión secuencial . . . . .	76
5.5.2. SART - versión paralela . . . . .	79
5.5.3. Evaluación de coste . . . . .	81
5.5.4. Resultados experimentales . . . . .	82
5.5.5. Conclusiones . . . . .	83

5.6. MLEM - algoritmo de maximum likelihood para la tomografía de emisión . . . . .	83
5.6.1. MLEM: versión secuencial . . . . .	84
5.6.2. MLEM: versión paralela . . . . .	85
5.6.3. Evaluación de prestaciones . . . . .	87
5.6.4. Conclusiones . . . . .	88
5.7. Método iterativo LSQR . . . . .	88
5.7.1. LSQR - versión secuencial . . . . .	89
5.7.2. LSQR: versión paralela . . . . .	91
5.7.3. Evaluación de coste . . . . .	94
5.7.4. Metodología de los experimentos realizados . . . . .	94
5.7.5. Resultados experimentales. . . . .	95
5.7.6. Conclusiones . . . . .	97
5.8. Optimización de algoritmos iterativos de reconstrucción de imágenes sobre arquitecturas multi-core . . . . .	98
5.8.1. Formatos compactos de matrices dispersas . . . . .	98
5.8.2. Producto matriz-vector . . . . .	99
5.8.3. Algoritmo Suma por filas . . . . .	104
5.8.4. Algoritmo Suma por columnas . . . . .	107
5.8.5. Vectorización . . . . .	109
5.8.6. Comparación de SART en formatos compactos . . . . .	110
5.8.7. Comparación de LSQR en formatos compactos . . . . .	113
5.8.8. Conclusiones . . . . .	117
<b>6. Arquitecturas altamente paralelas</b>	<b>119</b>
6.1. SART: implementación en GPU . . . . .	125
6.1.1. SART - versión 1 . . . . .	126
6.1.2. SART - versión 2 . . . . .	127
6.1.3. Resultados experimentales . . . . .	129
6.1.4. Conclusiones . . . . .	130
6.2. LSQR: implementación en GPU . . . . .	130
6.2.1. Optimización del algoritmo . . . . .	131
6.2.2. Resultados experimentales . . . . .	131

6.2.3. Reconstrucción 3D . . . . .	133
6.2.4. Conclusiones . . . . .	136
<b>7. Reconstrucción de imágenes con un conjunto limitado de datos</b>	<b>137</b>
7.1. Introducción . . . . .	137
7.2. Métodos usados . . . . .	138
7.3. Análisis de parámetros . . . . .	141
7.4. Resultados y discusión . . . . .	143
7.5. Aplicación a un caso real . . . . .	145
7.6. Optimización del algoritmo . . . . .	147
7.7. Conclusiones . . . . .	149
<b>8. Conclusiones y trabajos futuros</b>	<b>151</b>
8.1. Conclusiones . . . . .	151
8.2. Trabajos futuros . . . . .	153
<b>Publicaciones</b>	<b>155</b>
<b>Bibliografía</b>	<b>159</b>